
Annexe 1 : Utilisation de la fonction bisect pour résoudre une équation

■ La fonction `bisect` doit être chargée à partir du module `scipy.optimize` :

Chargement du module : `from scipy.optimize import bisect`

■ Cette méthode de résolution numérique concerne une équation du type $f(x) = 0$, il faut préciser les bornes de l'intervalle $[a,b]$ dans lequel on cherche la solution.

■ Utilisation de bisect

① Définir la fonction f

② Introduire la fonction `bisect` sachant qu'elle renvoie un nombre, les paramètres d'entrée de la fonction `bisect` sont la fonction f , les bornes de l'intervalle

`solution = bisect(f,a,b)`

■ Exemple : pH d'une solution d'acide éthanóique de concentration $C = 0,01 \text{ molL}^{-1}$

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.optimize import bisect
```

```
#Données
```

```
pKa= 4.8
```

```
C=0.01 #concentration initiale en mol/L
```

```
Ka= 10**(-pKa)
```

```
#équation vérifiée par  $x = [\text{H}_3\text{O}^+]$  écrite sous la forme  $f(x)=0$ 
```

```
def f(x):
```

```
return(Ka*(C-x)-x**2)
```

```
#résolution avec bisect
```

```
solution = bisect(f, 0,14)
```

```
#Valeur du pH
```

```
pH= -np.log10(solution)
```

bisection

Definition : `bisect(f, a, b, args=(), xtol=1e-12, rtol=4.4408920985006262e-16, maxiter=100, full_output=False, disp=True)`

Type : Function of `scipy.optimize.zeros` module

Find root of a function within an interval.

Basic bisection routine to find a zero of the function f between the arguments a and b . $f(a)$ and $f(b)$ can not have the same signs. Slow but sure.

Parameters

f : function
Python function returning a number. f must be continuous, and $f(a)$ and $f(b)$ must have opposite signs.

a : number
One end of the bracketing interval $[a,b]$.

b : number
The other end of the bracketing interval $[a,b]$.

xtol : number, optional
The routine converges when a root is known to lie within $xtol$ of the value returned. Should be ≥ 0 . The routine modifies this to take into account the relative precision of doubles.

rtol : number, optional
The routine converges when a root is known to lie within $rtol$ times the value returned of the value returned. Should be ≥ 0 . Defaults to `np.finfo(float).eps * 2`.

maxiter : number, optional
if convergence is not achieved in $maxiter$ iterations, and error is raised. Must be ≥ 0 .

args : tuple, optional
containing extra arguments for the function f . f is called by `apply(f, (x)+args)`.

full_output : bool, optional
if `full_output` is False, the root is returned. If `full_output` is True, the return value is `(x, r)`, where x is the root, and r is a `RootResults` object.

disp : bool, optional
if True, raise `RuntimeError` if the algorithm didn't converge.

Returns

x0 : float
Zero of f between a and b .

r : `RootResults` (present if `full_output = True`)
Object containing information about the convergence. In particular, `r.converged` is True if the routine converged.

See Also

`brantq`, `brenth`, `bisect`, `newton` `fixed_point` : scalar fixed-point finder `fsolve` : n-dimensional root-finding